

**Objectifs :** Utiliser les notions de géométrie plane pour démontrer

- Caractérisation angulaire du parallélisme
- Angle alterne-interne

## I – Vocabulaire des angles

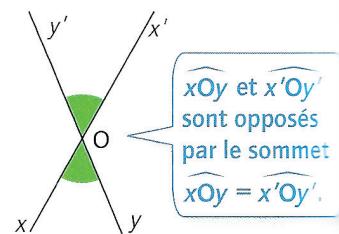
### a) Angles complémentaires, angles supplémentaires

**Définitions** • Deux angles sont **complémentaires** lorsque la somme de leurs mesures est  $90^\circ$ .  
• Deux angles sont **supplémentaires** lorsque la somme de leurs mesures est  $180^\circ$ .

### b) Angles opposés par le sommet

**Définition** Deux angles opposés par le sommet ont :

- le même sommet ;
- des côtés dans le prolongement l'un de l'autre.



**Propriété** Si deux angles sont opposés par le sommet, alors ils ont la même mesure.

### d) Angles alternes-internes

Deux droites ( $d$ ) et ( $d'$ ) coupées par une sécante ( $\Delta$ ) définissent deux paires d'angles alternes-internes.



**Remarque :**

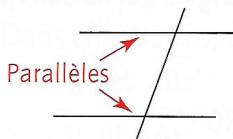
- « *alternes* » signifie qu'ils sont situés de part et d'autre de la sécante ( $\Delta$ )
- « *internes* » signifie qu'ils sont situés entre les deux droites ( $d$ ) et ( $d'$ ).

## II- Parallèles, sécantes et angles

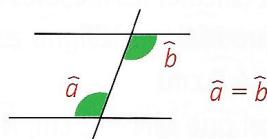
### a) Reconnaître des angles de même mesure

Si deux droites parallèles sont coupées par une sécante, alors les angles alternes-internes qu'elles forment ont la même mesure.

**Données**



**Conclusion**

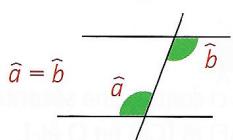


Propriété

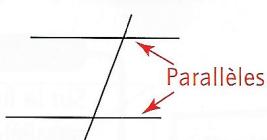
### b) Reconnaître des droites parallèles

Si deux droites coupées par une sécante forment deux angles alternes-internes de même mesure, alors ces droites sont parallèles

**Données**



**Conclusion**



Propriété